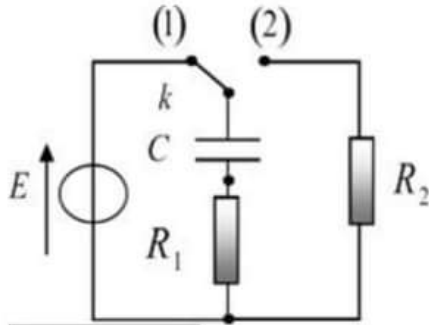


## إختبار الفصل الثاني في مادة العلوم الفيزيائية

## التمرين الأول: (12 ن)

## ملاحظة: الجزء الأول والثاني مستقلان عن بعضهما البعض.

## الجزء الأول



نحقق التركيب التجريبي المبين في الشكل (1) باستعمال التجهيز التالي:

- مولد ذي توتر ثابت  $E$ .

- مكثفة سعتها  $C$  غير مشحونة.

- ناقلين أوميين مقاومتهما  $R_1 = 1\text{ k}\Omega$  و  $R_2$ .

- بادلة  $k$  و أسلاك توصيل.

I- نضع البادلة  $k$  في اللحظة  $(t = 0)$  عند الوضع (1).

1- مثل على الدارة المدروسة جهة كل من التيار  $i$  و مثل بالأسهم التوترين  $U_{R_1}$  و  $U_C$ .

2- أكتب المعادلة التفاضلية لتطور شدة التيار  $i(t)$ .

3- تحقق أن العبارة  $i(t) = \frac{E}{R_1} e^{-t/\tau_1}$  حلا للمعادلة التفاضلية.

حيث:  $\tau_1$  ثابت الزمن عبارته  $\tau_1 = R_1 C$ .

4- استنتج عبارة التوتر  $U_{R_1}(t)$  بين طرفي الناقل الأومي  $R_1$ .

5- بين أن  $\tau_1 = R_1 C$  متجانس مع الزمن.

6- بين أن  $\ln U_{R_1} = -\frac{1}{\tau_1} t + \ln E$

7- مثلنا البيان  $\ln U_{R_1} = f(t)$  الشكل (2):

- جد قيمة كل من  $E$ ،  $\tau_1$  واستنتج سعة المكثفة  $C$ .

II- عند شحن المكثفة كلياً و في لحظة  $(t = 0)$  نضع البادلة  $k$  في الوضع (2).

1- بين أن المعادلة التفاضلية لتطور شحنة المكثفة تكتب على الشكل:  $\frac{dq}{dt} + \alpha q = 0$  الشكل (3)

حيث  $\alpha$  ثابت يطلب تعيين عبارته بدلالة مميزات الدارة.

2- تحقق أن العبارة  $q(t) = Q_0 e^{-\alpha t}$  حلا للمعادلة التفاضلية.

حيث  $Q_0$  الشحنة الأعظمية المخزنة في المكثفة.

3- الشكل (3) يوضح المنحنى البياني  $q = f(t)$

لتطور شحنة المكثفة  $q$  خلال الزمن  $t$

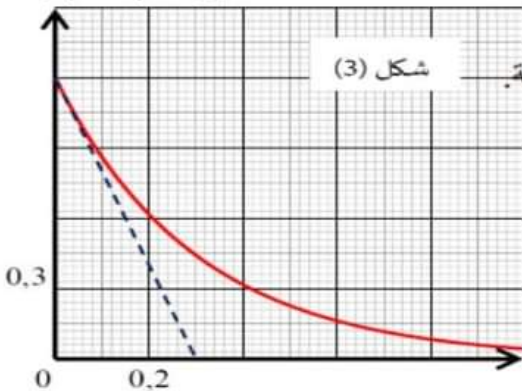
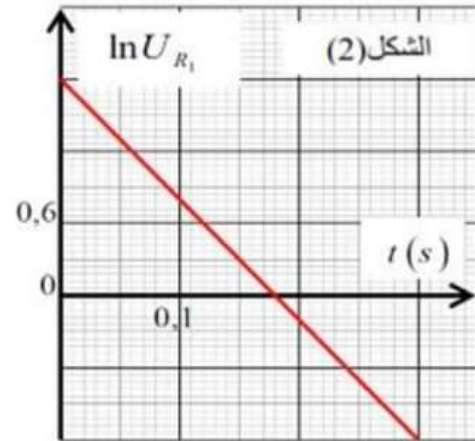
- جد قيمة كل من  $Q_0$

- ثابت الزمن  $\tau_2$

- استنتج قيمة الناقل الأومي  $R_2$ .

4- أكتب العبارة الزمنية للطاقة المخزنة في المكثفة  $E_C(t)$ .

5- أحسب قيمتها عند اللحظتين:  $t_1 = 0\text{ s}$ ،  $t_2 = 0,6\text{ s}$ .



في التركيب المبين في الشكل. لدينا دارة كهربائية تشمل على التسلسل الأجهزة التالية :

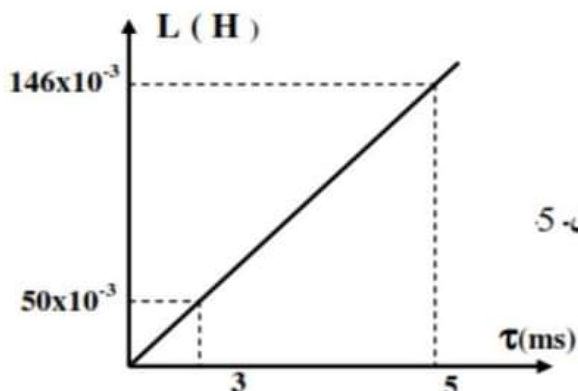
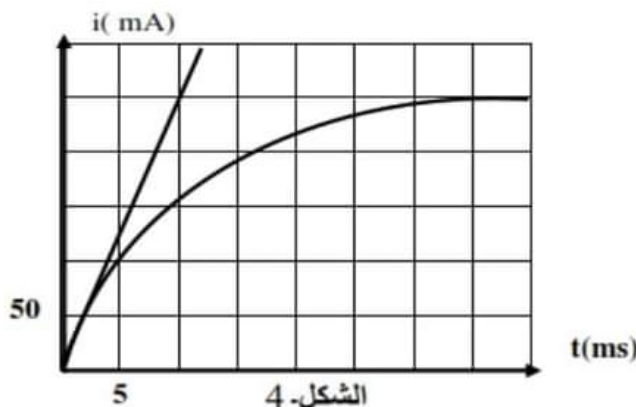
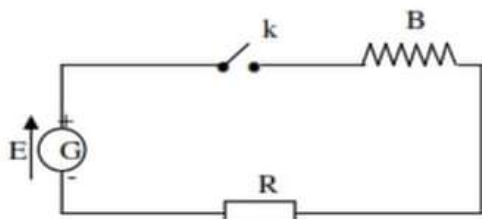
- وشيعة ( B ) ثوابتها ( L , r ) .

- ناقل أومي مقاومته :  $R = 40 \Omega$

- مولد ( G ) ذو توتر مستمر قوته المحركة الكهربائية  $E = 12 \text{ v}$

- قاطعة k

نغلق القاطعة عند اللحظة :  $t = 0$  ، و نتابع تطورات شدة التيار المارة بالدارة فنحصل على البيان التالي ( الشكل- 4 )



1 - أوجد العبارة الحرفية لشدة التيار المارة في الدارة

بدلالة  $E, L, r, R, t$  في النظام الانتقالي .

2 - أكتب العبارة الحرفية لشدة التيار المارة في

الدارة في النظام الدائم و أحسب قيمته العددية

ب- استنتج قيمة  $r$

3 - أ- أوجد باستعمال البيان قيمة ثابت الزمن  $\tau$

ب- استنتج قيمة  $L$

4 - نتائج و قياسات مكنتنا من رسم البيان :  $L = f(\tau)$

( انظر الشكل- 5 )

بين أن هذه التجربة تعطي نفس القيمة  $r$  السابقة

## التمرين الثاني : ( 8 ن )

كل المحاليل مأخوذة عند درجة الحرارة  $\theta = 25^\circ \text{C}$ .

نعتمد في تنظيف الرواسب على بعض الأواني المنزلية مثل آلة تهينة القهوة على منظفات تكون فيها المادة الفعالة

هي حمض اللاكتيك ( الحمض اللبني ) ذو الصيغة الجزيئية العامة  $(C_3O_3H_6)$  ونرمز له اختصارا بالرمز  $AH$ .

I- لدينا محلول مائي ( S ) لحمض اللاكتيك حجمه  $V = 100 \text{ mL}$  وتركيزه المولي  $C = 0,05 \text{ mol / L}$  ، وله

$pH = 2,6$ .

1 - أكتب معادلة تفاعل حمض اللاكتيك  $AH$  مع الماء، ثم أنشئ جدول تقدم التفاعل .

2 - أحسب قيمة النسبة النهائية لتقدم التفاعل  $\tau_f$ ، ماذا تستنتج ؟

3 - عبر عن النسبة  $\frac{[AH]}{[A^-]}$  بدلالة  $pH$  و  $pKa$ ، ثم حدد الفرد الكيميائي المتغلب من بين  $A^-$  و  $AH$  في المحلول ( S ) .

يعطى: ثابت الحموضة للشثائية  $(AH / A^-)$  :  $Ka = 1,3 \times 10^{-4}$ .

II- أخذ أستاذ العلوم الفيزيائية البطاقة المقابلة من ملصقة قارورة لمحلول حمض اللاكتيك التجاري ( $S_0$ ) حجمه  $V_0 = 500\text{mL}$  وتركيزه المولي  $C_0$  التي تحمل المعلومات التالية :

الكثافة  $d = 1,10$  ، درجة النقاوة  $P = \dots\%$  ، الكتلة المولية الجزيئية لحمض اللاكتيك  $M(AH) = 90\text{g.mol}^{-1}$  .

لتحديد قيمة درجة النقاوة ( $P(\%)$ ) التي لا تظهر حقق الأستاذ مع التلاميذ:

التجربة الأولى:

$$\begin{aligned} M &= 90\text{g.mol}^{-1} \\ P &= \dots\% \\ d &= 1,10 \end{aligned}$$

أخذ تلميذ حجما  $V = 10\text{mL}$  من المحلول ( $S_0$ ) ومدده 10 مرات فتحصل على المحلول المائي ( $S_1$ ) تركيزه المولي  $C_1$  .

ما هي الزجاجيات المناسبة لتحضير المحلول ( $S_1$ ) .

التجربة الثانية:

أخذ تلميذ ثاني حجما  $V_a = 20\text{mL}$  من المحلول الممدد ( $S_1$ ) وتمت معايرته بمحلول هيدروكسيد الصوديوم ( $\text{Na}^+ + \text{OH}^-$ ) تركيزه المولي  $C_B = 0,5\text{mol/L}$  باستعمال تقنية المعايرة الـ  $\text{pH}$  مترية ، وبناءا على النتائج التجريبية تم رسم المنحنى البياني  $\text{pH} = f(V_B)$  كما هو موضح في الشكل-6 .

1 - أ - اكتب معادلة تفاعل المعايرة.

ب - ضع رسم تخطيطي للتركيب التجريبي المستعمل في المعايرة مع وضع البيانات.

ج- ما هي مميزات تفاعل المعايرة؟

د- عين معللا جوابك، الكاشف الملون الملائم لإنجاز هذه المعايرة.

2- أ- أحسب قيمة التركيز المولي  $C_1$  للمحلول ( $S_1$ ) .

ب- جد قيمة التركيز المولي  $C_0$  للمحلول ( $S_0$ ) ،

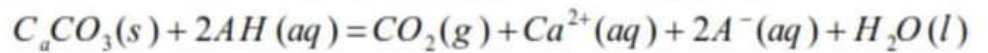
ج- إذا علمت أن عبارة تركيز محلول تعطى بالعلاقة:  $C_0 = 10 \cdot \frac{P \cdot d}{M}$  ، حيث  $M$  الكتلة المولية الجزيئية.

استنتج قيمة درجة النقاوة ( $P(\%)$ ) .

3- إعتمادا على البيان  $\text{pH} = f(V_B)$  تأكد من قيمة ثابت الحموضة  $Ka = 1,3 \times 10^{-4}$  للشثانية ( $AH / A^-$ ) .

التجربة الثالثة:

لمتابعة تطور التحول الكيميائي الحادث بين حمض اللاكتيك  $AH$  والرواسب الملتصقة بآلة تحضير القهوة التي تتشكل أساسا من كربونات الكالسيوم  $\text{CaCO}_3(s)$  والمنمذجة بمعادلة التفاعل التالية:



حقق التلاميذ مزيجا ستكيوميريا لكتلة  $m_0$  من مسحوق كربونات الكالسيوم مع حجم  $V' = 50\text{mL}$  مأخوذ من

المحلول ( $S_1$ ) السابق ، وبالاتماد على الدراسة التجريبية وبرنامج مناسب على جهاز الإعلام الألي تحصلنا على

المنحنى البياني  $m = f(t)$  لتغيرات كتلة كربونات الكالسيوم المتبقية بدلالة الزمن الموضح في الشكل-7 .

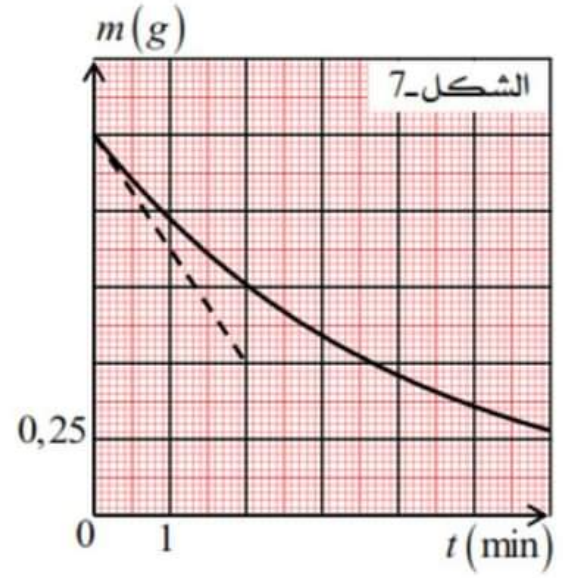
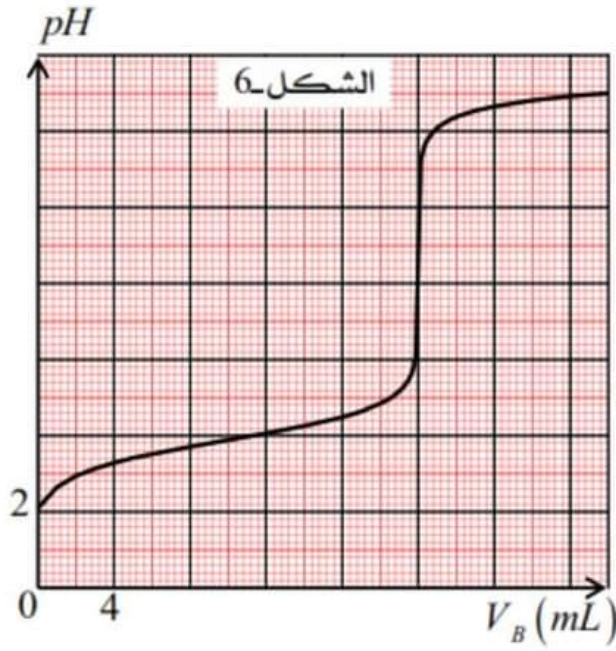
1 - أ- أنشئ جدولا لتقدم هذا التفاعل .

ب- حدد قيمة التقدم الأعظمي  $x_{\max}$  .

2 - أ- جد قيمة التركيز المولي  $C_1$  للمحلول ( $S_1$ ) .

ب- جد قيمة التركيز المولي  $C_0$  للمحلول ( $S_0$ ) ، ثم استنتج قيمة درجة النقاوة ( $P(\%)$ ) .

3- إعتمادا على البيان  $m = f(t)$  جد قيمة كل من زمن نصف التفاعل  $t_{1/2}$  والسرعة الحجمية للتفاعل  $v_{\text{vol}}(t)$  الأعظمية .



يعطى: الكتلة المولية الجزيئية  $M(C_aCO_3) = 100 g \cdot mol^{-1}$ .

الكاشف الملون	الهيليانتين	أحمر الكلوروفينول	أزرق البروموتيمول	الفينول فتالين
مجال تغير الـ pH	3,1 – 4,4	5,4 – 6,8	6 – 7,6	8,2 – 10

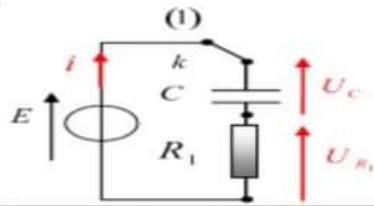
طلب العلم شاق ولكن له لذة وممتعة والعلم لا ينال إلا على جسر من التعب والمشقة  
ومن لم يتحمل نل العلم ساعة يتجرع كأس الجهل أبداً.

بالتوفيق

## التمرين الأول:

## الجزء الأول

I

		1 التمثيل
<p>قانون جمع التوترات</p> $E = U_{R_1} + U_C$ $E = R_1 i + \frac{q}{C}$	$\frac{dE}{dt} = R_1 \frac{di}{dt} + \frac{1}{C} \frac{dq}{dt}$ $\frac{di(t)}{dt} + \frac{1}{R_1 C} i(t) = 0$	2 المعادلة التفاضلية
$i(t) = \frac{E}{R_1} e^{-t/\tau_1}$ $\frac{di(t)}{dt} = -\frac{1}{R_1 C} \cdot \frac{E}{R_1} e^{-t/\tau_1}$	$\frac{di(t)}{dt} + \frac{1}{R_1 C} i(t) = 0$ $-\frac{1}{R_1 C} \cdot \frac{E}{R_1} e^{-t/\tau_1} + \frac{1}{R_1 C} \cdot \frac{E}{R_1} e^{-t/\tau_1} = 0$	3 التحقق
$U_{R_1} = R_1 i = R_1 \frac{E}{R_1} e^{-t/\tau_1} = E e^{-t/\tau_1}$		4 عبارة التوتر
$[\tau_1] = [R_1][C]$ $R = \frac{U}{I}, C = \frac{q}{U}, i = \frac{q}{t}$	$[\tau_1] = \frac{[U]}{[I]} \cdot \frac{[q]}{[U]} = \frac{[q]}{[I]} = \frac{[q]}{\frac{[q]}{[t]}} = \frac{[t]}{[t]} = [t]$ $[\tau_1] = [t] = s$	5 التحليل البعدي
$U_{R_1} = E e^{-t/\tau_1}$ $\ln U_{R_1} = \ln E e^{-t/\tau_1}$	$\ln U_{R_1} = \ln E + \ln e^{-t/\tau_1}$ $\ln U_{R_1} = -\frac{1}{\tau_1} t + \ln E$	6
<p>البيان عبارة عن خط مستقيم معادلته</p> $y = ax + b$ $\ln U_{R_1} = -10t + \ln 1,8$	<p>بالمطابقة</p> $\frac{1}{\tau_1} = 10 \Rightarrow \tau_1 = \frac{1}{10} = 0,1 s$ $\ln E = 1,8 = E = e^{1,8} = 6 V$	7
$\tau_1 = R_1 C \Rightarrow C = \frac{\tau_1}{R_1} = \frac{0,1}{1000} = 1 \cdot 10^{-4} F$		

II

<p>قانون جمع التوترات</p> $U_{R_1} + U_{R_2} + U_C = 0$ $(R_1 + R_2)i + \frac{q}{C} = 0$	$(R_1 + R_2) \frac{dq}{dt} + \frac{1}{C} q = 0$ $\frac{dq(t)}{dt} + \frac{1}{(R_1 + R_2)C} q(t) = 0$ $\alpha = \frac{1}{(R_1 + R_2)C} = \frac{1}{\tau_2}$	1 المعادلة التفاضلية
$q(t) = Q_0 e^{-at}$ $\frac{dq(t)}{dt} = -\alpha \cdot Q_0 e^{-at}$	$\frac{dq(t)}{dt} + \frac{1}{(R_1 + R_2)C} q(t) = 0$ $-\alpha \cdot Q_0 e^{-at} + \frac{1}{(R_1 + R_2)C} Q_0 e^{-at} = 0$	2 التحقق من الحل
<p>بيانيا</p> $Q_0 = 1,2 \cdot 10^{-3} C$ $\tau_2 = 0,3 s$	$\tau_2 = (R_1 + R_2)C$ $R_2 = \frac{\tau_2}{C} - R_1 = \frac{0,3}{1 \cdot 10^{-4}} - 1000$ $R_2 = 2000 \Omega$	3
$Ec(t) = \frac{1}{2} C U_C^2(t) = \frac{1}{2} C \left( \frac{q(t)}{C} \right)^2 \Rightarrow Ec(t) = \frac{1}{2} \frac{q(t)^2}{C} e^{-2t/\tau_2}$		4
$Ec(0) = \frac{1}{2} \cdot \frac{(1,2 \cdot 10^{-3})^2}{1 \cdot 10^{-4}} = 7,2 \cdot 10^{-3} J$		5
$Ec(0,6) = \frac{1}{2} \cdot \frac{(0,15 \cdot 10^{-3})^2}{1 \cdot 10^{-4}} = 1,12 \cdot 10^{-4} J$		

1- العبارة الحرفية لشدة التيار المار في الدارة بدلالة  $E, L, r, R$  و  $t$  في النظام الانتقالي :

$$i(t) = \frac{E}{R+r} (1 - e^{-\frac{(R+r)}{L}t})$$

:

2 - أ - العبارة الحرفية لشدة التيار المارة في الدارة في النظام الدائم

$$t = \infty \rightarrow i = I_0 = \frac{E}{R+r}$$

من البيان :  $I_0 = 0.25 \text{ A}$

ب- قيمة  $r$  :

$$I_0 = \frac{E}{R+r} \rightarrow R+r = \frac{E}{I_0} \rightarrow r = \frac{E}{I_0} - R$$

$$r = \frac{12}{0.25} - 40 = 8 \Omega$$

3 - أ - قيمة ثابت الزمن  $\tau$  :

من البيان :

$$\tau = 2 \cdot 10^{-3} = 10^{-2} \text{ s}$$

ب- قيمة  $L$  :

$$\tau = \frac{L}{R+r} \rightarrow L = \tau (R+r)$$

$$L = 10^{-2} (40 + 8) = 0.48 \text{ H}$$

4 - اثبات أن التجربة تعطي نفس النتيجة :

بيانيا :

$$L = a \tau$$

نظريا :

$$L = (R+r) \tau$$

بالمطابقة :

$$R+r = a \rightarrow r = a - R$$

$$a = \frac{144 - 0}{3 \cdot 10^{-3} - 0} = 48 \rightarrow r = 48 - 40 = 8 \Omega$$

و هي نفس النتيجة المتحصل عليها سابقا .

## التمرين الثاني:

1 - معادلة تفاعل حمض اللاكتيك  $AH$  مع الماء :  $AH + H_2O = A^- + H_3O^+$

- جدول تقدم التفاعل:

حالة الجملة	تقدم التفاعل	$AH + H_2O = A^- + H_3O^+$		
		بالزيادة	0	0
الإبتدائية	$x = 0$	$n_0$		
الانتقالية	$x(t)$	$n_0 - x(t)$	$x(t)$	$x(t)$
النهائية	$x_f$	$n_0 - x_f$	$x_f$	$x_f$

2 - حساب قيمة النسبة النهائية لتقدم التفاعل  $\tau_f$  :

$$\tau_f = \frac{[H_3O^+]_f V}{C V} = \frac{10^{-pH}}{C} \quad \text{ومنه:} \quad \begin{cases} x_f = [H_3O^+]_f V \\ x_{\max} = C V \end{cases} \quad \text{نعلم أن:} \quad \tau_f = \frac{x_f}{x_{\max}}$$

$$\tau_f = \frac{10^{-2,6}}{0,05} = 0,05 = 5\% \quad \text{ت-ع:}$$

أي:  $\tau_f < 1$  .

نستنتج أن: تفكك حمض اللاكتيك غير تام مع الماء ، وعليه حمض اللاكتيك ضعيف .

3- التعبير عبر عن النسبة  $\frac{[AH]_f}{[A^-]_f}$  بدلالة  $pH$  و  $pKa$  :

نعلم أن:  $pH = pKa + \log \frac{[A^-]_f}{[AH]_f}$  ومنه:  $\log \frac{[A^-]_f}{[AH]_f} = pH - pKa$  ومنه:  $\frac{[A^-]_f}{[AH]_f} = 10^{(pH - pKa)}$

أي:  $\frac{[AH]_f}{[A^-]_f} = 10^{(pKa - pH)}$  ، حيث:  $pKa = -\log Ka = -\log(1,3 \times 10^{-4}) = 3,9$  ،

ت-ع:  $\frac{[AH]_f}{[A^-]_f} = 10^{(3,9 - 2,6)} = 19,95$

إذن:  $[AH]_f = 19,95 \times [A^-]_f$  وعليه:  $AH$  هو الفرد الكيميائي المتغلب في المحلول (S) .

## II- التجربة الأولى:

- الزجاجيات المناسبة لتحضير المحلول ( $S_1$ ) هي:

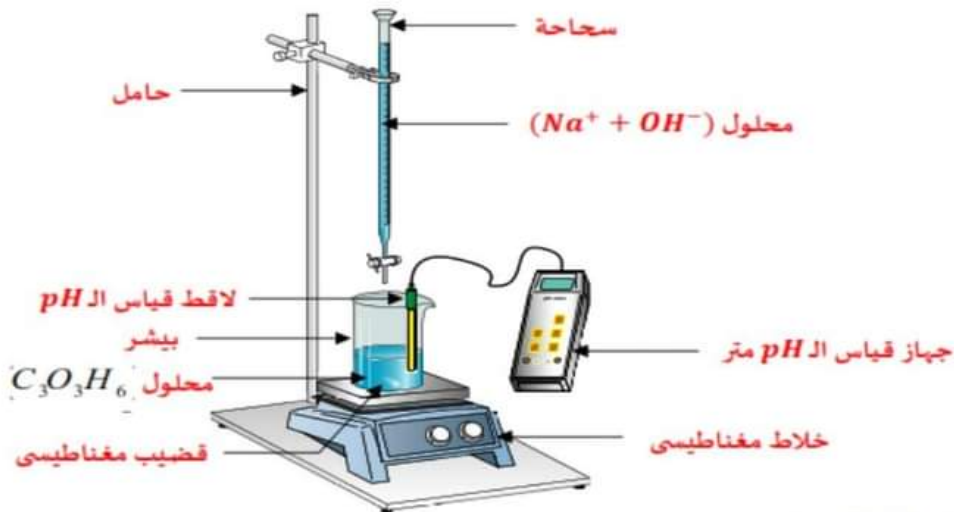
- ماصة مزودة بإجاصة مص سعتها 10mL : نأخذ بها حجما  $V = 10mL$  من المحلول ( $S_0$ ) .

- حوجلة عيارية سعتها 100mL (لأن  $V \times F = 100mL$ ) : نفرغ فيها الحجم  $V = 10mL$  ونكمل بالماء المقطر حتى نصل لخط العيار.

## التجربة الثانية:

1- أ- معادلة تفاعل المعايرة:  $AH + OH^- = A^- + H_2O$  .

ب- رسم تخطيطي للتركيب التجريبي المستعمل في المعايرة مع وضع البيانات.



ج- ذكر مميزات تفاعل المعايرة:

مميزات تفاعل المعايرة: سريع وتام.

د- تحديد الكاشف الملون:

الكاشف المناسب لهذه المعايرة هو: الفينول فتالين لأن  $pH_E = 8,5$  ينتهي إلى مجال التغير اللوني.

2- أ- حساب قيمة التركيز المولي  $C_1$  للمحلول ( $S_1$ ):

عند التكافؤ يتحقق مزيج ستيكيومتري:  $C_1 V_a = C_B V_{BE}$  ومنه:  $C_1 = \frac{C_B V_{BE}}{V_a}$

حيث:  $V_{BE}$  هو حجم هيدروكسيد الصوديوم المضاف عند التكافؤ قيمته تستخرج من البيان  $pH = f(V_B)$

بطريقة المماسين المتوازيين فنقرأ:  $V_{BE} = 20mL$  .

ت-ع:  $C_1 = \frac{0,5 \times 20}{20} = 0,5 mol / L$

ت-ع:  $C_1 = \frac{0,5 \times 20}{20} = 0,5 \text{ mol / L}$

ب- قيمة التركيز المولي  $C_0$  للمحلول  $(S_0)$ : نعلم أن:  $\frac{C_0}{C_1} = F$  ومنه:  $C_0 = F \times C_1$

ت-ع:  $C_0 = 10 \times 0,5 = 5 \text{ mol / L}$

- استنتاج قيمة درجة النقاوة  $P(\%)$ :

نعلم أن:  $C_0 = \frac{10.Pd}{M}$  ومنه:  $P = \frac{C_0.M}{10d}$  ت-ع:  $P = \frac{5 \times 90}{10 \times 1,10} = 40,9\% \approx 41\%$

3- التأكد من قيمة ثابت الحموضة  $Ka = 1,3 \times 10^{-4}$  للثنائية  $(AH / A^-)$ :

عند نقطة نصف التكافؤ  $E'$  نجد:  $[AH] = [A^-]$

أي:  $pH_{E'} = pKa$

حيث  $pH_{E'}$  هو ترتيبية الفاصلة  $V_{BE'} = \frac{V_{BE}}{2} = 10 \text{ mL}$  والنقطة نصف التكافؤ  $E'$  وبالإسقاط نجد:  $pH_{E'} = 3,9$

ومنه:  $pKa = 3,9$

وعليه:  $Ka = 10^{-pKa} = 10^{-3,9} = 1,3 \times 10^{-4}$

التجربة الثالثة:

1- أ- جدول تقدم هذا التفاعل:

حالة الجملة	تقدم التفاعل	$C_a CO_3 + 2AH = CO_2 + Ca^{2+} + 2A^- + H_2O$					
الابتدائية	$x = 0$	$n_{01}$	$n_{02}$	0	0	0	بالزيادة
الانتقالية	$x(t)$	$n_{01} - x(t)$	$n_{02} - 2x(t)$	$x(t)$	$x(t)$	$2x(t)$	
النهائية	$x_{\max}$	$n_{01} - x_{\max}$	$n_{02} - 2x_{\max}$	$x_{\max}$	$x_{\max}$	$2x_{\max}$	

ب- تحديد قيمة التقدم الأعظمي  $x_{\max}$ :

نعلم أن المزيغ ستكيوميترى أي:  $n_{01} - x_{\max} = 0$  ومنه:  $x_{\max} = n_{01} = \frac{m_0}{M}$

ومن البيان  $m = f(t)$  نقرأ القيمة:  $m_0 = 0,25 \times 5 = 1,25 \text{ g}$  إذن:  $x_{\max} = \frac{m_0}{M} = \frac{1,25}{100} = 1,25 \times 10^{-2} \text{ mol}$

2- أ- إيجاد قيمة التركيز المولي  $C_1$  للمحلول  $(S_1)$ :

لدينا مزيغ ستكيوميترى:  $n_{02} - 2x_{\max} = 0$  ومنه:  $CV' = 2x_{\max}$  أي:  $C_1 = \frac{2x_{\max}}{V'} = \frac{2 \times 1,25 \times 10^{-2}}{50 \times 10^{-3}} = 0,5 \text{ mol / L}$

ب- إيجاد قيمة التركيز المولي  $C_0$  للمحلول  $(S_0)$ :

نعلم أن:  $\frac{C_0}{C_1} = F$  ومنه:  $C_0 = F \times C_1$  ت-ع:  $C_0 = 10 \times 0,5 = 5 \text{ mol / L}$

- استنتاج قيمة درجة النقاوة  $P(\%)$ :

نعلم أن:  $C_0 = \frac{10.Pd}{M}$  ومنه:  $P = \frac{C_0.M}{10d}$  ت-ع:  $P = \frac{5 \times 90}{10 \times 1,10} = 40,9\% \approx 41\%$

والقيمة تساوي القيمة المحسوبة في التجربة الثانية.

3- إيجاد قيمة كل من زمن نصف التفاعل  $t_{1/2}$ :

لدينا من جدول تقدم التفاعل عند الحالة الانتقالية:  $n(t) = n_{01} - x(t)$

لما  $t = t_{1/2}$  نجد:  $\begin{cases} n(t) = n_{01} - x(t_{1/2}) \\ x(t_{1/2}) = \frac{x_{\max}}{2} \end{cases}$  ومنه:  $n(t_{1/2}) = n_{01} - \frac{x_{\max}}{2} \dots\dots(1)$

لما  $t = t_f$  أي عند الحالة النهائية نجد:  $n_f = n_{01} - x_{\max} = 0$  ومنه:  $n_{01} = x_{\max}$

وبالتعويض في العبارة (1) نجد:  $n(t_{1/2}) = n_{01} - \frac{n_{01}}{2}$  ومنه:  $n(t_{1/2}) = \frac{n_{01}}{2}$ .

ونعلم أن:  $n = \frac{m}{M}$  ومنه:  $\frac{m(t_{1/2})}{M} = \frac{m_0}{2M}$  أي:  $m(t_{1/2}) = \frac{m_0}{2}$ .

ت-ع:  $m(t_{1/2}) = \frac{1,25}{2} = 0,625g$

بيانيا:  $t_{1/2}$  يمثل فاصلة النقطة ذات الترتيب  $m(t_{1/2}) = 0,625g$  وبالإسقاط نجد:  $t_{1/2} = 2,75 \text{ min}$ .

- السرعة الحجمية للتفاعل  $v_{vol}(t)$  الأعظمية:

لدينا:  $v_{vol}(t) = \frac{1}{V'} \frac{dx(t)}{dt}$

ولدينا:  $n(t) = n_{01} - x(t)$  ومنه:  $x(t) = n_{01} - n(t)$

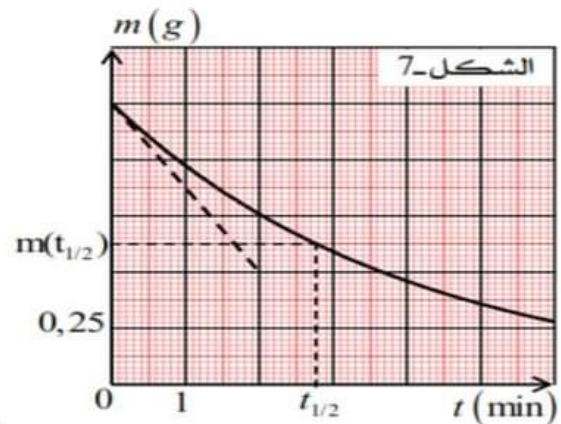
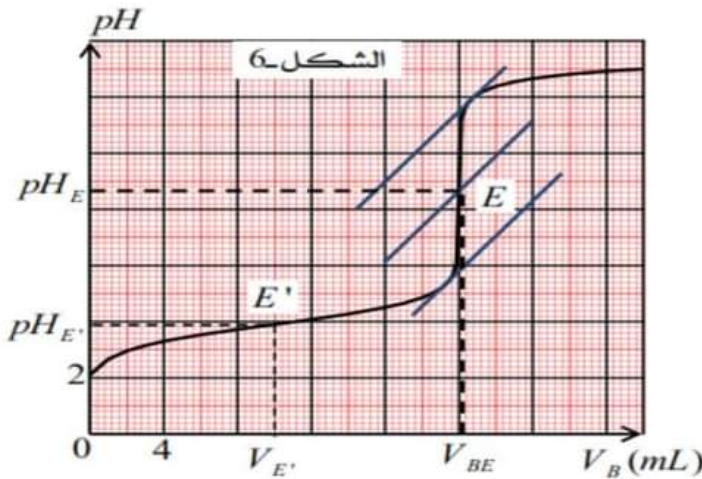
وبالتعويض في عبارة  $v_{vol}(t)$  نجد:  $v_{vol}(t) = \frac{1}{V'} \frac{d(n_{01} - n(t))}{dt}$

ومنه:  $v_{vol}(t) = -\frac{1}{V'} \frac{dn(t)}{dt}$

ونعلم أن:  $n(t) = \frac{m(t)}{M}$  أي:  $v_{vol}(t) = -\frac{1}{V' \cdot M} \frac{dm(t)}{dt}$

حساب قيمتها الأعظمية أي عند  $t = 0$ :

$$v_{vol}(0) = -\frac{1}{V' \cdot M} \frac{dm(t)}{dt} \Big|_{t=0} = -\frac{1}{50 \times 10^{-3} \times 100} \times \frac{(1,25 - 0,5)}{(0 - 2)} = 7,5 \times 10^{-2} \text{ mol / L} \cdot \text{min}$$



بالتوفيق للجميع.